

Programarea calculatoarelor si limbaje de programare 1

Tipuri si operatii numerice

Universitatea Politehnica din Bucureşti

Sumar



Numere, notiuni de bază

- Expresii numerice
- Alte tipuri numerice
- Extensii numerice
- Tipuri dinamice in Python

Clasificare obiecte numerice



- Intregi si numere in virgula mobila (reale)
- Tipul *complex*
- Tipul *Decimal* – numere reale cu precizie fixa
- Tipul *Fraction* – numere rationale cu numator si numitor
- Tipul *set* – multime
- Tipul *bool* – *True* si *False*
- Functii si module predefinite – *round*, *math*, *random*
- Expresii, intregi cu precizie nelimitata, operatii pe biti, formate *hex*, *oct*, *bin*
- Extensii numerice (ex. *NumPy*)

Constante numerice



Expresie numerică	Semnificatie
1234, -25, 0, 999999999999	Intreg cu oricate cifre
12.34, 2., 2.77e-15, 3E120, 4.0E120	Numere reale
0o377, 0xff, 0b11101110	Octal, hexazecimal, binar (3.X)
1 + 2j, 1.0 + 2.0j, 3J	Numere complexe
set('spam'), {1, 2, 3, 4, 5 }	Multimi
Decimal('3.14'), Fraction(3, 4)	Decimali si fractii rationale
bool(x), True, False	Tipul <i>bool</i> – ean

- Numerele reale au punct zecimal sau/si exponent – e sau *E*; precizia data de tipul *double* din C (in CPython)
- Intregii au precizie nelimitata, oricate cifre
- Intregii sunt reprezentati in baza 10 de numeratie, dar si in:
 - hexazecimal – prefix 0x sau 0X, cifre 0-9, a-f, A-F

Constante...



- octal – prefix 0o sau 0O, cifre 0 -7
- binar – prefix 0b sau 0B, cifre 0 si 1.
- operatorii predefiniti *hex(l)*, *oct(l)*, *bin(l)* convertesc un intreg la *str* – *ing*; *int(str, baza)* returneaza un intreg in respectiva baza de numeratie.
- Numerele complexe se reprezinta ca *parte_reala + parte_imaginaraJ (sau J)*; operatorul predefinit *complex(reala, imaginara)* produce un numar complex.
- alte tipuri folosesc module importate (*decimal*, *fractions*) sau sintaxa specifica (*set*)

Instrumente predefinite



- Operatorii numerici: +, -, *, /, >>, **, &,...
- Functii matematice: pow, abs, round, int, hex, bin,...
- Module matematice: random, math, cmath (complexe),...

Există și metode specifice tipurilor numerice
ex. reali – *as_integer_ratio()*, *is_integer()*,
intregi – *bit_length()*

Precedenta operatorilor Python



Operator (ascendent)	Descriere
<code>yield x</code>	Generator, protocolul <code>send</code>
<code>lambda args: expresie</code>	Functie anonima
<code>x if y else z</code>	Selectie ternara (x evaluat daca y este True)
<code>x or y</code>	Sau logic (y evaluat daca x este False)
<code>x and y</code>	Si logic (y evaluat daca x este True)
<code>not x</code>	Negatie logica
<code>x in y, x not in y</code>	Apartenența (iterabile, multimi)
<code>x is y, x is not y</code>	Testarea identității obiectelor
<code>x < y, x <= y, x > y, x >= y</code>	Comparatie; contine, inclus – set
<code>x == y, x != y</code>	Egalitate, diferit – ca valoare

Precedenta...



Operator (asc)	Descriere
$x y$	Sau pe biti, uniune – set
$x ^ y$	Sau exclusiv pe biti, diferență simetrică – set
$x & y$	Si pe biti, intersecție – set
$x << y, x >> y$	Deplasare x cu y biti stanga, respectiv dreapta
$x + y$	Adunare, concatenare – str
$x - y$	Scadere, diferență – set
$x * y$	Inmulțire, repetitie – str
$x \% y$	Rest împărțire, format – str
$x / y, x // y$	Împărțire, propriu-zisa sau “floor”
$-x, +x$	Negatie, identitate

Precedenta...



Operator (asc)	Descriere
$\sim x$	Inversiune biti
$x^{**} y$	Ridicare x la puterea y
$x[i]$	Indexare (secvente, mapari)
$x[i:j:k]$	Slicing
$x()$	Apel functie, metoda, clasa, instanta
$x.atribut$	Selectie atribut
$()$	Tuple, grupari expresii, generator
$[]$	List, colectii iterative
$\{\}$	Dict, set, colectii iterative

Reguli de evaluare a expresiilor



- Se bazeaza pe precedenta operatorilor:
 - au prioritate operatorii de la sfarsitul tableei
 - operatorii din aceeasi linie se evaluateaza de la stanga la dreapta, cu exceptia ridicarii la putere si a comparatiilor inlantuite
- Expresiile intre paranteze se evaluateaza mai intai
- Expresiile numerice mixte se convertesc la tipul operandului mai complicat:

Reguli...



- În ordinea ascendentă a complexității: intregi, reali, numere complexe
- În 3.X nu este permis amestecul de tipuri diferite (*str* cu numeric)
- Operatorii:
 - pot fi înlocuiți în clase noi de obiecte – *overloading*
 - Python folosește overloading, ex. **+** pentru adunare numere sau concatenare de sevante (striguri)
 - **Polimorfism:** efectul operatiei depinde de obiectele asupra cărora se aplică.

Sumar



- Numere, notiuni de baza
- **Expresii numerice**
- Alte tipuri numerice
- Extensii numerice
- Tipuri dinamice in Python

Expresii si variabile



Variabilele:

- se creeaza prin asignarea de valori
- sunt inlocuite cu valoarea curenta in expresii
- trebuie initialize inainte de folosire
- refera obiecte si nu se declara in avans

```
>>> a = 3      #numele de variabile sunt  
create iara nu declarate
```

```
>>> b = 4
```

```
>>> a + 1, a - 1 #adunare, scadere
```

```
(4, 2)
```

```
>>> b * 2, b / 2 #inmultire, impartire
```

```
(8, 2.0)
```

```
>>> a % 2, b ** 2 #rest, ridicare la putere
```

```
(1, 16)
```

```
>>> 2 + 4.0, 2.0 ** b #tipuri mixte
```

```
(6.0, 16.0)
```

```
>>> c * 2  #raportare eroare pentru  
variabile neasignate
```

```
NameError: name 'c' is not defined
```

Formate de afisare



Grupare operatori; tipuri numerice diferite:

```
>>> b / 2 + a # / imparte cu zecimale; / se executa inainte de adunare
```

```
5.0
```

```
>>> b / (2.0 + a) #expresia dintre paranteze se executa mai intai
```

```
0.8
```

Formate de afisare numerice:

```
>>> 1 / 2 #neformatat
```

```
0.5
```

```
>>> n = 1 / 3
```

```
>>> n
```

```
0.3333333333333333
```

```
>>> print( n ) #cu print()
```

```
0.3333333333333333
```

```
>>> '%e' % n #formatare cu %
```

```
'3.333333e-01'
```

```
>>> '%4.2f' % n
```

```
'0.33'
```

```
>>> '{0:4.2f}'.format( n ) #cu metoda  
format() a str
```

```
'0.33'
```

Comparatii



Formatele functiilor repr() si str():

```
>>> repr( 'spam' )      #repr() este folosita la afisarea obisnuita  
"spam"  
>>> str( 'spam' )       #str() este folosita de print() pentru afisare  
'spam'
```

Comparatia (si inlantuita):

>>> 1 < 2 #mai mic decat	>>> x = 2
True	>>> y = 3
>>> 2.0 >= 1 #mai mare sau egal, mixt	>>> z = 4
True	>>> x < y < z #inlantuire, echivalenta cu:
>>> 2.0 == 2.0 #egalitate de valori	True
True	>>> x < y and y < z
>>> 1.0 != 1.0 #inegalitate	True
False	

Impartirea

```
>>> x < y > z #si pt. rezultat False
```

False

```
>>> x < y and y > z
```

False

```
>>> 1 < 2 < 3.0 < 4 #inlanturi, oricate
```

True

```
>>> 1 > 2 > 3.0 > 4
```

False

```
>>> 1 == 2 < 3 # 1 == 2 and 2 < 3 !!
```

False

```
>>> 1.1 + 2.2 == 3.3 #imprecizie!
```

False

```
>>> 1.1 + 2.2
```

3.3000000000000003

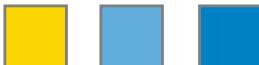
```
>>> int( 1.1 + 2.2 ) == int( 3.3 ) #OK cu  
conversie la int
```

True

Impartirea (3.X): clasica, “floor”, adevarata:

- **Operatorul /** face impartire cu zecimale
- **Operatorul //** trunchiaza rezultatul (“floor”), returnand intregi sau reali daca vreun operand este de tip real

floor() si trunc()...



```
>>> 10 / 4 #exct, cu toate zecimalele      >>> 10 // 4 #fara zecimale, trunchiaza  
2.5                                         2  
>>> 10 / 4.0                                >>> 10 // 4.0 #rezultat de tip real  
2.5                                         2.0
```

floor() vs. trunc() – conteaza pt. numere negative:

```
>>> import math                               -2  
>>> math.floor( 2.5 ) #intregul cel mai      >>> 5 / 2, 5 / -2  
    apropiat si mai mic                      (2.5, -2.5)  
2                                         >>> 5 // 2, 5 // -2  
>>> math.floor( -2.5 )                        (2, -3)  
-3                                         >>> 5 / 2.0, 5 / -2.0  
>>> math.trunc( 2.5 ) #elimina              (2.5, -2.5)  
    zecimalele                                 >>> 5 // 2.0, 5 // -2.0  
2                                         (2.0, -3.0)  
>>> math.trunc( -2.5 )
```

Precizie nelimitata, numere complexe



Intregi cu precizie nelimitata:

```
>>> 99999999999999999999 + 1  
10000000000000000000000000000000  
>>> 2 ** 200  
1606938044258990275541962092341162602522202993782792835301376
```

Dezavantaj: viteza de executie pentru numere mari; avantaj: deja implementat.

Numere complexe:

```
>>> 1j * 1j  
(-1+0j)  
>>> (2 + 1j) * 3  
(6+3j)  
>>> 2 + 1j * 3  
(2+3j)
```

Sunt de interes pentru domenii ingineresti sau stiintifice.

Se pot procesa cu modulul **cmath**.

hex(), oct(), bin(), eval()



Reprezentari in hexa, octal, binar:

Valorile memorate sunt aceleasi, indiferent de reprezentare:

```
>>> 0o1, 0o20, 0o177 #octal  
(1, 16, 127)
```

```
>>> 0x01, 0x10, 0x7f #hexa  
(1, 16, 127)
```

```
>>> 0b1, 0b10000, 0b1111111 #binar  
(1, 16, 127)
```

Calculul in diverse baze de numeratie:

```
>>> 0x2f, (2 * (16 ** 1) + 15 * (16 ** 0))  
(47, 47)
```

Conversii intreg la string:

```
>>> oct( 64 ), hex( 64 ), bin( 64 )
```

('0o100', '0x40', '0b1000000')

Conversii string la intreg cu `int()`:

```
>>> int( '64' ), int( '100', 8 ), int( '40', 16 ),  
      int( '1000000', 2 )
```

(64, 64, 64, 64)

```
>>> int( '0x40', 16 ), int( '0b1000000', 2 )  
      #si cu prefix
```

(64, 64)

Conversii string la intreg cu `eval()`:

```
>>> eval( '0x40' )
```

64

`eval()`: mai lenta, interpreteaza strigurile ca fiind `cod Python`, periculos!

Operatii pe biti



Formatare cu `format()` si %:

```
>>> '{0:o}, {1:x}, {2:b}'.format( 64, 64, 64 ) #cu metoda format()
'100, 40, 1000000'
>>> '{:o}, {:x}, {:b}'.format( 64, 64, 64 ) #pozitia este superflua
'100, 40, 1000000'
>>> '%o, %x, %X' % (64, 255, 255) #cu %
'100, ff, FF'
```

Aritmetica pe biti:

Se foloseste in domenii specializeze, de ex.

sisteme de operare, drivere, retea.

```
>>> x = 1
```

```
>>> x << 2 # deplasare stanga
```

4

```
>>> x | 2 # sau (1 | 2)
```

3

```
>>> x & 3 # si (1 & 3)
```

1

```
>>> bin( x | 0b0010 ) # inspectare cu bin()
```

'0b11'

Functii predefinite si module numerice



Functii predefinite:

```
>>> pow( 2, 5 ), 2 ** 5, 2.0 ** 5.0           >>> min( 4, 1, 3, 2 ), max( 4, 1, 3, 2 )  
(32, 32, 32.0)                                (1, 4)  
  
>>> abs( -35 ), sum( 1, 2, 3, 4 ) #sum,    >>> round( 1.569 ), round( 1.469 ), round(  
      arg iterabil!                           1.569, 2 ) #rotunjire cu 2 zecimale  
  
(35, 10)                                         (2, 1, 1.57)
```

Modulul *math*: import math

```
>>> math.pi, math.e                         1.0  
(3.141592653589793, 2.718281828459045) >>> math.sqrt( 144 ), math.sqrt( 2 )  
  
>>> math.sin( math.pi / 2 )                  (12.0, 1.4142135623730951)
```

Cum se extrage radical, in trei moduri: 1111111.1061109055

>>> math.sqrt(1234567890123) >>> pow(1234567890123, 0.5)

1111111.1061109055

>>> 1234567890123 ** 0.5

Modulul *random*



Modulul *random*

Generarea de valori aleatorii intre 0 si 1:

```
>>> import random
```

```
>>> random.random()
```

0.7709076947019782

Generare intreg intre doua numere:

```
>>> random.randint( 1, 10 )
```

2

Alegere dintr-o seventa:

```
>>> random.choice( [ 'Luceafarul', 'La
```

steaua', 'Glossa'])

'Luceafarul'

Amestec aleatoriu:

```
>>> culori = [ 'inima', 'romb', 'trefla', 'pica' ]
```

```
>>> random.shuffle( culori )
```

```
>>> culori
```

['pica', 'trefla', 'inima', 'romb']

Poate fi folosit pentru simulari de calcule statistice, jocuri video, etc.

Sumar



- Numere, notiuni de baza
- Expresii numerice
- **Alte tipuri numerice**
- Extensii numerice
- Tipuri dinamice in Python

Decimal, tip numeric



- Numerele decimale sunt numere reale cu un numar fix de zecimale; necesita importarea modulului ***decimal***

```
>>> 0.1 + 0.1 + 0.1 - 0.3      #imprecizie datorata procesorului/hardware
```

```
5.551115123125783e-17
```

```
>>> print( 0.1 + 0.1 + 0.1 - 0.3 )  #nici print() nu ajuta
```

```
5.551115123125783e-17
```

```
>>> from decimal import Decimal
```

```
>>> Decimal( '0.1' ) + Decimal( '0.1' ) + Decimal( '0.1' ) - Decimal( '0.3' ) #str la  
Decimal
```

```
Decimal('0.0')
```

Rezultatul este precis, cu numarul de zecimale determinat de numarul cu
cele mai multe zecimale.

Decimal...



- Setarea globală a preciziei dorite:

```
>>> Decimal( 1 ) / Decimal( 7 )      #nr. prea mare de zecimale la conversia de la  
real la decimal
```

```
Decimal('0.1428571428571428571429')
```

```
>>> import decimal
```

```
>>> decimal.getcontext().prec = 4      #patru zecimale
```

```
>>> Decimal( 1 ) / Decimal( 7 )
```

```
Decimal('0.1429')
```

- Operatii monetare:

```
>>> 1999 + 1.33
```

```
2000.33
```

```
>>> decimal.getcontext().prec = 2
```

```
>>> salariu = decimal.Decimal( str ( 1999 + 1.33 ) )
```

```
>>> salariu
```

```
25   Decimal('2000.33')
```

Decimal...



-
- Setarea temporara a preciziei dorite – cu instructiunea *with ... as*:

```
>>> import decimal  
>>> decimal.Decimal( '1.00' ) / decimal.Decimal( '3.00' ) #neconvenabil  
Decimal('0.3333333333333333333333333333333')  
>>> with decimal.localcontext() as ctx:  
    ctx.prec = 2  
    decimal.Decimal( '1.00' ) / decimal.Decimal( '3.00' )
```

```
Decimal('0.33')  
>>> decimal.Decimal( '1.00' ) / decimal.Decimal( '3.00' )  
Decimal('0.3333333333333333333333333333333')
```

Fraction, tip numeric



- Reprezinta numere rationale; se importa modulul *fractions*

```
>>> from fractions import Fraction #se importa clasa (constructorul)  
>>> x = Fraction( 1, 3 )  
>>> y = Fraction( 4, 6 )  
>>> x  
Fraction(1, 3)  
>>> y #simplificare automata  
Fraction(2, 3)  
>>> print( y )  
2/3
```

Fraction...



- **Expresii matematice**

```
>>> x + y
```

```
Fraction(1, 1)
```

```
>>> x - y
```

```
Fraction(-1, 3)
```

```
>>> x * y
```

```
Fraction(2, 9)
```

- **Conversii str la Fraction**

```
>>> Fraction( '.25' )
```

```
Fraction(1, 4)
```

```
>>> Fraction( '1.25' )
```

```
Fraction(5, 4)
```

```
>>> Fraction( '.25' ) + Fraction( '1.25' )
```

```
Fraction(3, 2)
```

Fraction...



- Precizie in fractii (si decimali); se evita inexactitatile hardware, se fac simplificari automate

```
>>> Fraction( 1, 10 ) + Fraction( 1, 10 ) + Fraction( 1, 10 ) - Fraction( 3, 10 )
```

```
Fraction(0, 1)
```

```
>>> 1 / 3 #imprecis
```

```
0.3333333333333333
```

```
>>> Fraction( 1, 3 ) #precis
```

```
Fraction(1, 3)
```

```
>>> (1 / 3 ) + (6 / 12) #imprecis
```

```
0.8333333333333333
```

```
>>> Fraction( 1 , 3 ) + Fraction( 6 , 12 ) #precis si simplificat
```

```
Fraction(5, 6)
```

Fraction...



-
- Conversii float <-> Fraction

```
>>> (2.5).as_integer_ratio()
```

```
(5, 2)
```

```
>>> r = 2.5 #float la Fraction
```

```
>>> f = Fraction( *r.as_integer_ratio() ) # * pentru expandare tuplu
```

```
>>> f
```

```
Fraction(5, 2)
```

```
>>> x, float( x ) #Fraction la float
```

```
(Fraction(1, 3), 0.3333333333333333)
```

```
>>> Fraction.from_float( 1.75 ) #float la Fraction cu metoda from_float()
```

```
Fraction(7, 4)
```

- Conversii automate

```
>>> x + 2
```

#Fraction + int => Fraction

```
Fraction(7, 3)
```

30

Fraction...



```
>>> x + 2.0                      #Fraction + float => float  
2.3333333333333335  
>>> a = x + Fraction( *(4.0 / 3).as_integer_ratio() )  
>>> a                            #imprecizie datorata conversiei de la float  
Fraction(22517998136852479, 13510798882111488)  
>>> a.limit_denominator( 10 )    #limitarea numitorului la valoarea maxima 10  
Fraction(5, 3)
```

set



- **Definitie:** o colectie neordonata de obiecte unice si fixe (imuabile) – multime.
- **Reprezentari (3.X):**

```
>>> set( [1, 2, 3, 4] )
```

```
{1, 2, 3, 4}
```

```
>>> {1, 2, 3, 4} #ca un dictionar fara  
valori, doar cu chei.
```

```
{1, 2, 3, 4}
```

```
>>> set( 'spam' ) #neordonat...
```

```
{'s', 'p', 'm', 'a'}
```

```
>>> s = {'s', 'p', 'm', 'a'}
```

```
>>> s
```

```
{'s', 'p', 'a', 'm'}
```

```
>>> s.add( 'ham' )
```

```
32 >>> s
```

```
{'m', 's', 'ham', 'a', 'p'}
```

Operatori pe multimi:

```
>>> s1 = { 1, 2, 3, 4 }
```

```
>>> s1 & { 1, 3 } #intersectie
```

```
{1, 3}
```

```
>>> { 1, 5, 7, 3 } | s1 #reuniune
```

```
{1, 2, 3, 4, 5, 7}
```

```
>>> s1 - { 1, 3 } #diferenta
```

```
{2, 4}
```

```
>>> s1 > { 1, 3 } #contine
```

```
True
```

Set...



Multimea vida:

```
>>> s1 = { 1, 2, 3, 4 }
```

```
set()
```

```
>>> type( {} ) # {} rezervat pt. dict !
```

```
<class 'dict'>
```

```
>>> s = set() #initializare cu multimea  
vida
```

```
>>> s
```

```
set()
```

Metode ale tipului set:

```
>>> s.add( 1.23 ) #metoda add()
```

```
>>> s
```

```
{1.23}
```

```
>>> { 1, 2, 3 }.union( { 3, 4 } ) #union()
```

```
{1, 2, 3, 4}
```

```
>>> { 1, 2, 3 }.union( [ 3, 4 ] ) #lista
```

```
{1, 2, 3, 4}
```

```
>>> { 1, 2, 3 }.union( set( [ 3, 4 ] ) )
```

```
{1, 2, 3, 4}
```

```
>>> { 1, 2, 3 }.intersection( ( 1, 3, 5 ) )  
#intersection(), tuplu
```

```
{1, 3}
```

```
>>> { 1, 2, 3 }.issubset( range( -5, 5 ) )  
#issubset(), domeniul -5 la 5
```

```
True
```

Limitari set



Limitari set, *frozenset*:

- Tipurile modifiable, *list*, *dict* și *set* nu pot fi obiecte continute de un set
- *tuple* și *frozenset* (tip predefinit), da

```
>>> s
{1.23}
>>> s.add( [1, 2, 3] )
TypeError: unhashable type: 'list'
>>> s.add( (1, 2, 3) ) #tuplu, da
>>> s
{1.23, (1, 2, 3)}
>>> s | { (1, 2, 3), (4, 5, 6) } #reuniune cu operatorul /
{1.23, (4, 5, 6), (1, 2, 3)}
>>>
34
```

Utilizari set



• Colectii iterative pentru set

```
>>> { x ** 2 for x in [1, 2, 3, 4] }    #multimea patratelor numerelor din lista  
{16, 1, 4, 9}  
  
>>> { x for x in 'spam' }                #iteratie pe un string  
{'s', 'p', 'm', 'a'}  
  
>>> s = { x * 4 for x in 'spam' }  
  
>>> s | { 'mmmm', 'qqqq' }              #reuniune  
{'pppp', 'qqqq', 'aaaa', 'ssss', 'mmmm'}  
  
>>> s & { 'mmmm', 'qqqq' }              #intersectie  
{'mmmm'}
```

• Utilizari ale tipului set

Filtrarea dupliilor dintr-o secventa:

```
>>> L = [1, 2, 1, 3, 1, 4, 4, 5] #lista  
  
>>> set( L )  
  
{1, 2, 3, 4, 5}
```

Utilizari...



```
>>> L = list( set( L ) )
```

```
>>> L
```

```
[1, 2, 3, 4, 5]
```

Izolarea diferentelor intre iterabile (liste, stringuri):

```
>>> set( [1, 3, 5, 7] ) - set( [1, 2, 4, 5, 6] )    #intre liste
```

```
{3, 7}
```

```
>>> set( 'abcdefg' ) - set( 'abdfghj' )      #intre stringuri
```

```
{'e', 'c'}
```

```
>>> set( 'spam' ) - set( ['h', 'a', 'm'] )      #intre string si lista
```

```
{'s', 'p'}
```

```
>>> set( dir( bytes ) ) - set( dir( bytearray ) )    #tot intre liste..
```

```
{'__getnewargs__'}
```

Utilizari...



Testarea egalitatii indiferent de ordine

- cu **set**:

```
>>> L1, L2 = [1, 3, 2, 4, 5], [2, 3, 1, 5, 4]
```

```
>>> L1 == L2
```

False

```
>>> set( L1 ) == set( L2 )
```

True

- cu functia predefinita **sorted()**, mai costisitor:

```
>>> sorted( L1 ) == sorted( L2 )
```

True

```
>>> 'spam' == 'maps', set( 'spam' ) == set( 'maps' ), sorted( 'spam' ) == sorted( 'maps' )
```

(False, True, True)

Memorarea nodurilor deja vizitate dintr-un graf ciclic !

Utilizari...



Operatii asupra rezultatelor interogarii {'dan'}

unei baze de date: >>> **ingineri** > **sefi**

>>> **ingineri** = { 'ion', 'oti', 'ana', 'vic' } False

>>> **sefi** = { 'dan', 'oti' } >>> { 'ion', 'oti' } < **ingineri**

>>> 'ion' in **ingineri** True

True >>> (**ingineri** | **sefi**) > **sefi**

>>> **ingineri** & **sefi** True

{'oti'} >>> **sefi** ^ **ingineri** #sau exclusiv

{'vic', 'ana', 'dan', 'ion'}

>>> (**sefi** | **ingineri**) - (**sefi** ^ **ingineri**)
#intersectie..

{} >>> **ingineri** - **sefi** {'oti'}

{'vic', 'ion', 'ana'}

>>> **sefi** - **ingineri** >>> #Vezi diagrame Venn !

***bool*, tip numeric**



- Definitie: subclasa a tipului *int*, cu doua valori, *True* (1) si *False* (0)
- Exemple:

```
>>> type( True )
```

```
<class 'bool'>
```

```
>>> isinstance( True, int )
```

```
True
```

```
>>> True == 1 #ca valoare, da
```

```
True
```

```
>>> True is 1 #ca obiecte, nu!
```

```
False
```

```
>>> True or False
```

```
True
```

```
>>> True + 4
```

```
5
```

Sumar



- Numere, notiuni de baza
- Expresii numerice
- Alte tipuri numerice
- **Extensii numerice**
- Tipuri dinamice in Python

Extensii numerice



Numeric Python – NumPy:

- Ofera tipul matrice, procesare vectoriala, biblioteci de calcul stiintific
- Folosit in cercetare, la NASA, Los Alamos, etc.
- Este considerat mai puternic si flexibil decat Matlab

```
C:\Users\Dan>pip install numpy
Collecting numpy
  Obtaining dependency information for numpy from https://files.pythonhosted.org/packages/32/95/908d0ca
a051beae4f7c77652dbbeb781e7b717f3040c5c5fcaed4d3ed08f/numpy-1.26.1-cp312-cp312-win_amd64.whl.metadata
    Downloading numpy-1.26.1-cp312-cp312-win_amd64.whl.metadata (61 kB)
                                         61.2/61.2 kB 653.3 kB/s eta 0:00:00
  Downloading numpy-1.26.1-cp312-cp312-win_amd64.whl (15.5 MB)
                                         15.5/15.5 MB 14.9 MB/s eta 0:00:00
Installing collected packages: numpy
Successfully installed numpy-1.26.1

[notice] A new release of pip is available: 23.2.1 -> 23.3.1
[notice] To update, run: python.exe -m pip install --upgrade pip
```

```
C:\Users\Dan>python
Python 3.12.0 (tags/v3.12.0:0fb18b0, Oct  2 2023, 13:03:39) [MSC v.1935 64 bit (AMD64)] on win32
Type "help", "copyright", "credits" or "license" for more information.
>>> import numpy
>>>
```

SciPy:

Sumar



- Numere, notiuni de baza
- Expresii numerice
- Alte tipuri numerice
- Extensii numerice
- **Tipuri dinamice in Python**

Tipuri Dinamice in Python



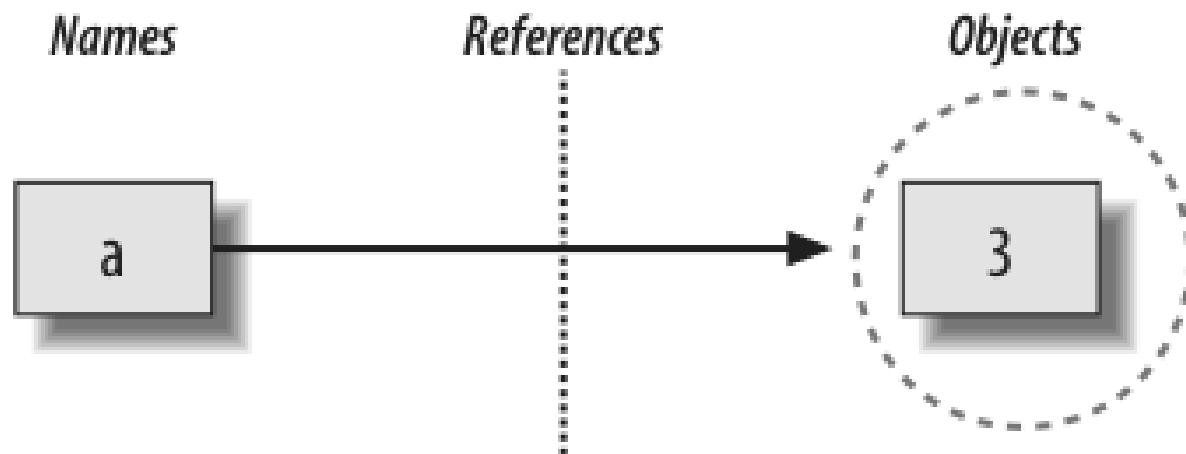
- In Python, tipurile de date sunt dinamice, variabilele nu se declara si deci acelasi program se poate executa in contexte diferite – polimorfism.
- Variabile:
 - Sunt create prin asignarea unei valori.
 - Nu au tipuri asociate ci doar refera obiectele asignate.
 - Sunt inlocuite in expresii cu obiectul referit.
 - Trebuie asignate inainte de folosire.

Variabile si referinte la obiecte



```
>>> a = 3      #numele a este atribuit obiectului numeric 3
```

- Numele de variabile se află într-o tabelă, obiectele sunt alocate în memorie, referința este un pointer către memoria ocupată de obiect.



Tipurile obiectelor



```
>>> a = 3           #obiect de tip int  
>>> a = 'spam'     #obiect de tip str  
>>> a = 3.14       #obiect de tip float
```

- Variabila a refera, pe rand obiecte de tip diferit
- Tipul apartine obiectului (care contine un pointer catre obiectul int, str, float)
- Obiectele contorizeaza si numarul de referinte curent

Gestionarea memoriei



- Eliberarea memoriei alocata obiectelor care au contorul de referinte zero se face automat, cu tehnica numita *garbage collection*.

```
>>> x = 59
```

```
>>> x = 'spam'      #eliberare obiect 59
```

```
>>> x = 3.14        #eliberare obiect 'spam'
```

```
>>> x = [1, 2, 3, 4]  #eliberare obiect 3.14
```

- Garbage collection* detecteaza si referintele ciclice – ex. L.append(L)

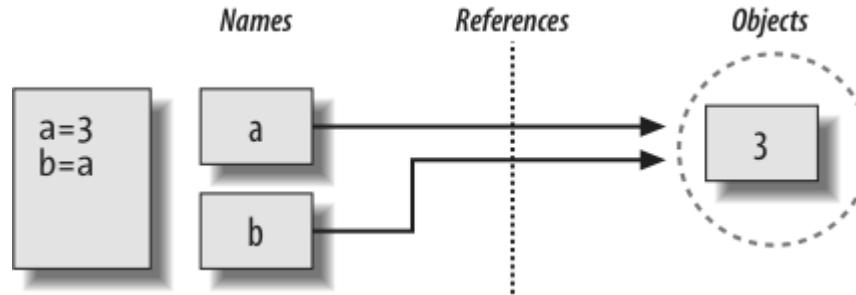
Referinte partajate



```
>>> a = 3
```

#b refera acelasi obiect – 3 – ca a

```
>>> b = a
```

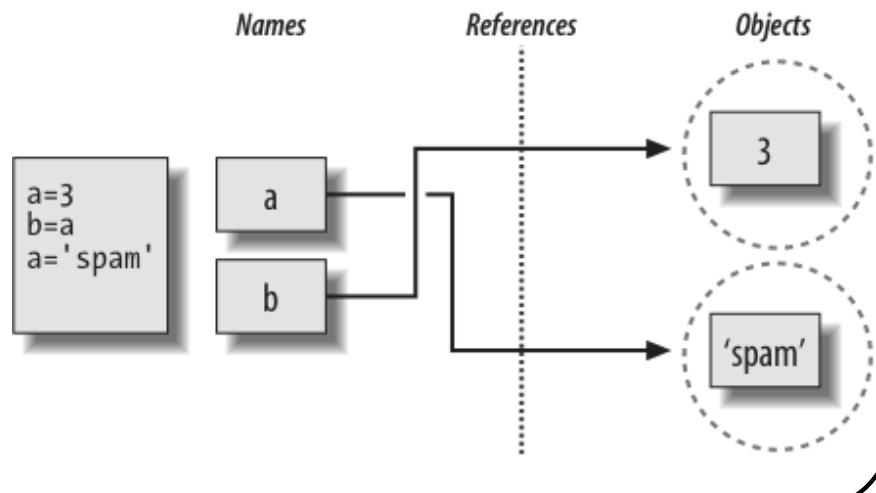


```
>>> a = 3
```

#b ramane neschimbat

```
>>> a = 'spam'
```

#acum a refera alt obiect, 'spam'



Obiecte modificabile

```
>>> L1 = [2, 3, 5]
>>> L2 = L1                      #L2 refera aceeasi lista ca L1
>>> L1[0] = 33                   #Primul element din lista este modificat via variabila L1
>>> L1
[33, 3, 5]
>>> L2                          #atat L1 cat si L2 refera acelasi obiect
[33, 3, 5]
```

- Obiectele pot fi **copiate** in loc de a fi referite:

```
>>> L1 = [2, 3, 5]
>>> L2 = L1[:] #copiere prin slicing      Copierea se mai poate face cu:
>>> L1[0] = 33
>>> L1
[33, 3, 5]
>>> L2 #neschimbata
[2, 3, 5]
```

>>> import copy #modul generic
>>> x = copy.copy(y)
>>> z = copy.deepcopy(y)

== Si is



```
>>> L = [1, 2, 3]
```

```
>>> M = L
```

```
>>> L == M    #cu ==, egalitate valorica
```

```
True
```

```
>>> L is M    #cu is, aceeasi referinta
```

```
True
```

```
>>> L = [1, 2, 3]
```

```
>>> M = [1, 2, 3]
```

```
>>> L == M    #aceeasi valoare
```

```
True
```

```
>>> L is M    #dar obiecte diferite
```

```
False
```

Observatie: intregii si stringurile mici sunt refolosite (cached):

```
>>> x = 33
```

```
>>> y = 33
```

```
>>> x == y
```

```
True
```

```
>>> x is y      #int-ul 33 este cached!
```

```
True
```

Referinte “slabe”



- Sunt implementate in modulul standard **weakref**
- Astfel de referinte nu impiedica stergerea obiectelor – de catre *garbage collector*.
- Se folosesc in cache-uri – temporare – bazate pe dictionare de obiecte relativ mari (referinta din cache ar impiedica stergerea obiectului)